

Single Photon

Quantum Cryptography

単一光子の量子暗号

Phys. Rev. Lett. **89**, 187901 (2002)

Alexios Beveratos, Rosa Brouri, Thierry Gacoin, Andre Villing, Jean-Philippe Poizat, and Philippe Grangier

平野研究室

02041025 得永 真吾

発表の流れ

1. 現代暗号の問題点
2. 量子鍵配送の方法
3. 本実験の装置図
4. 単一光子光源の有用性
5. 実験でのカギ生成
6. 本論文のまとめ

1.現代暗号の問題点

現在の暗号

安全性は素因数分解が「**難しい**」という事を利用。
(公開鍵暗号方式)

「**難しい**」とは？

例： $11 \times 41 \times 73 \times 101 \times 137 = 455555551$

$455555551 = ? ? ?$

時間がかかる！

量子コンピュータが出来ると現在、因数分解に**1000億**
年かかる計算が**数日 ~ 数時間**で出来る可能性がある。

そこで量子暗号を用いる

理論上、絶対に安全！

通信に量子状態を用いる

光子1個を送る

不確定性原理により、盗聴者がいたら状態が変わってしまう。

受信者が受け取るものは送信者が送ったものと違う。

送信者と受信者の食い違いを見る事で盗聴者の存在が分かる！

通信に物理法則を用いた！

量子暗号のイメージ図

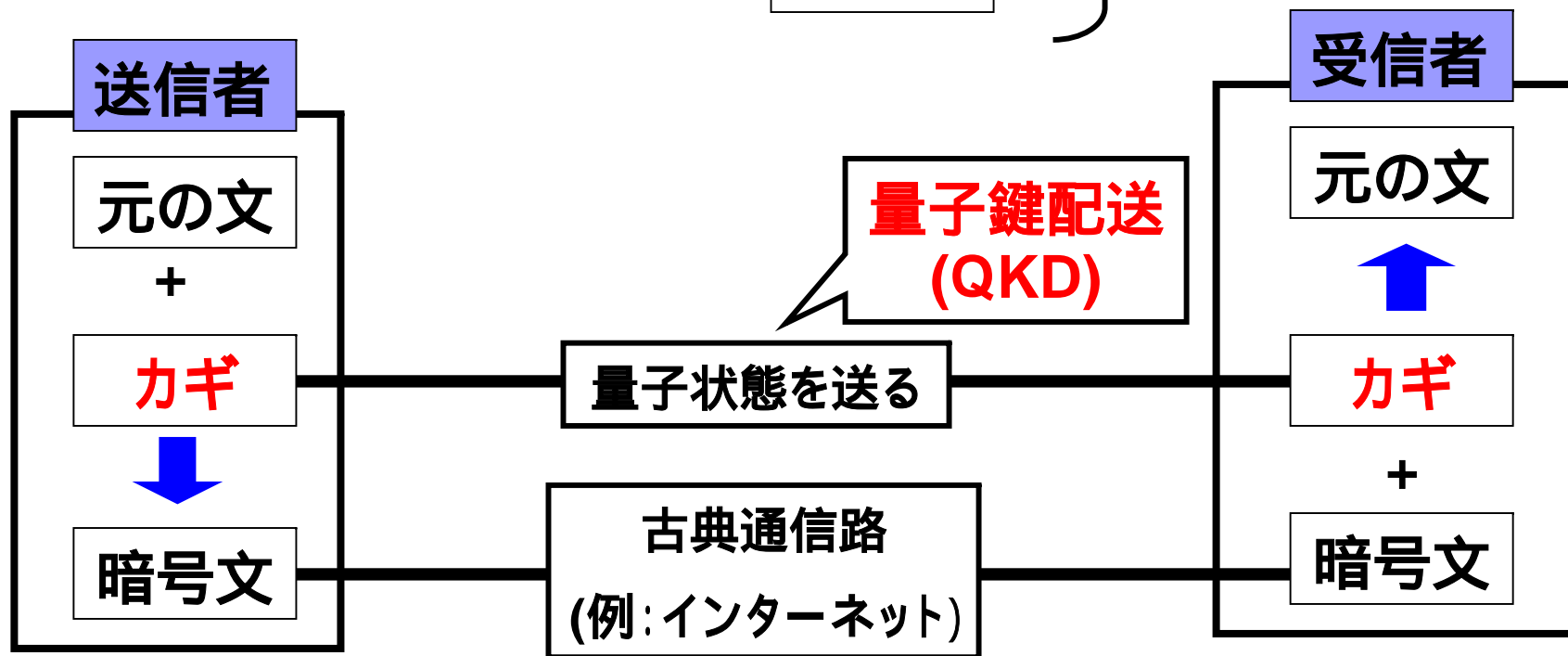
通信の話なので、ビットを扱う。

元の文

カギ

暗号文

0と1の列



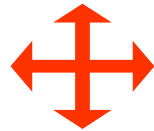
2. 量子鍵配送(QKD)の方法

準備

送信者、受信者とも2つの基底を用意。

縦横基底

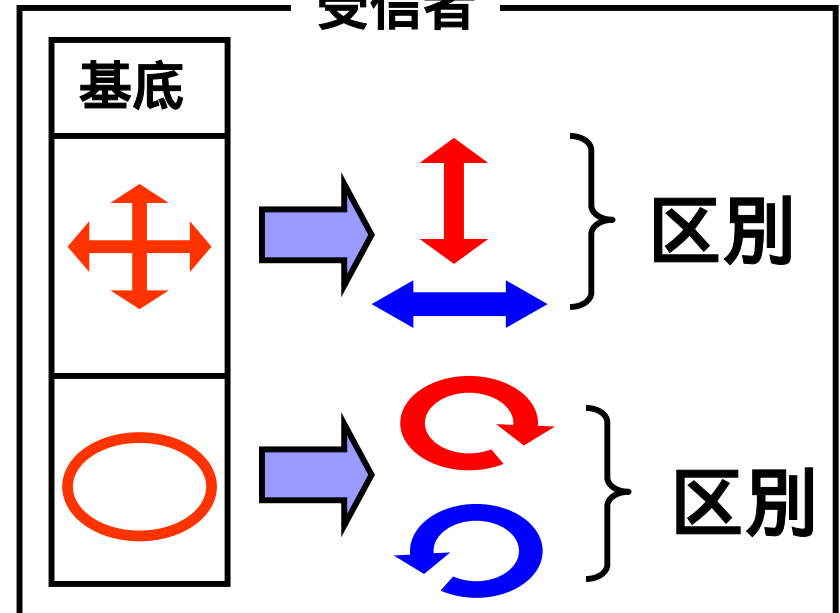
円基底



送信者

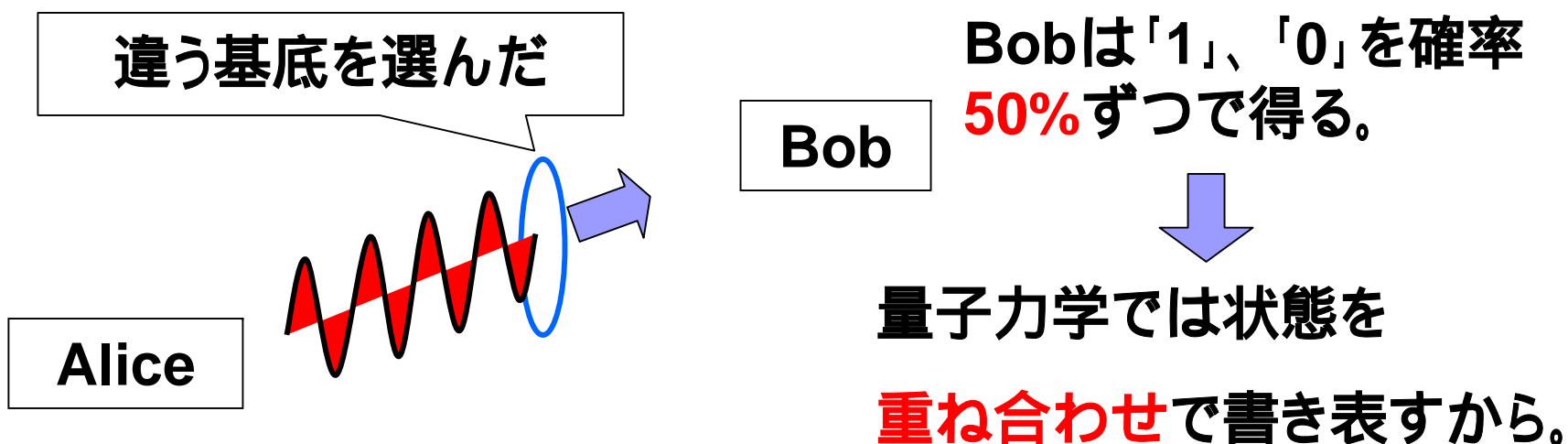
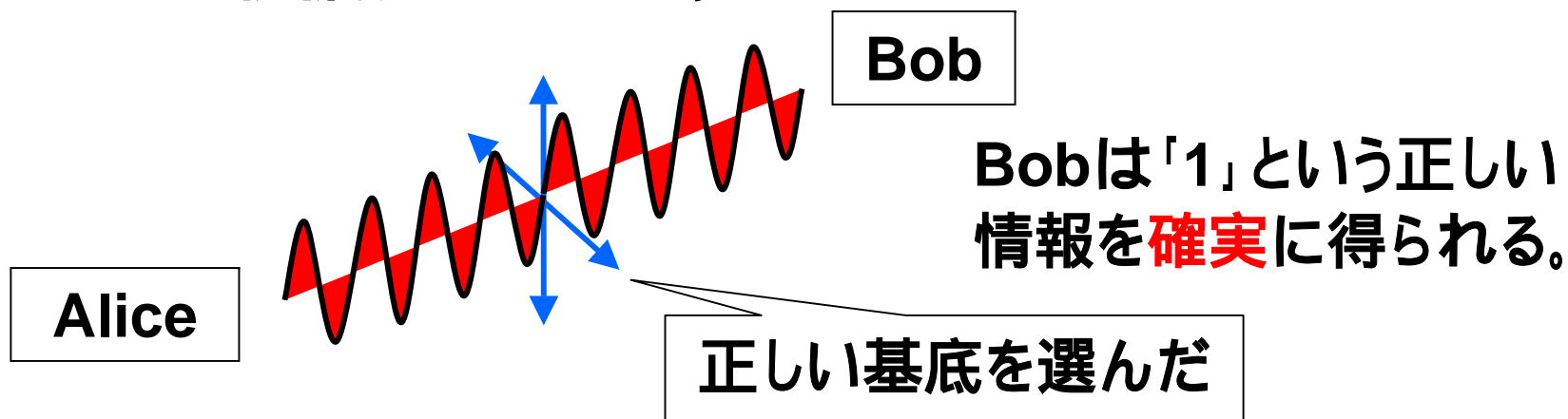
基底 \ ビット	縦横基底	円基底
1		
0		

受信者

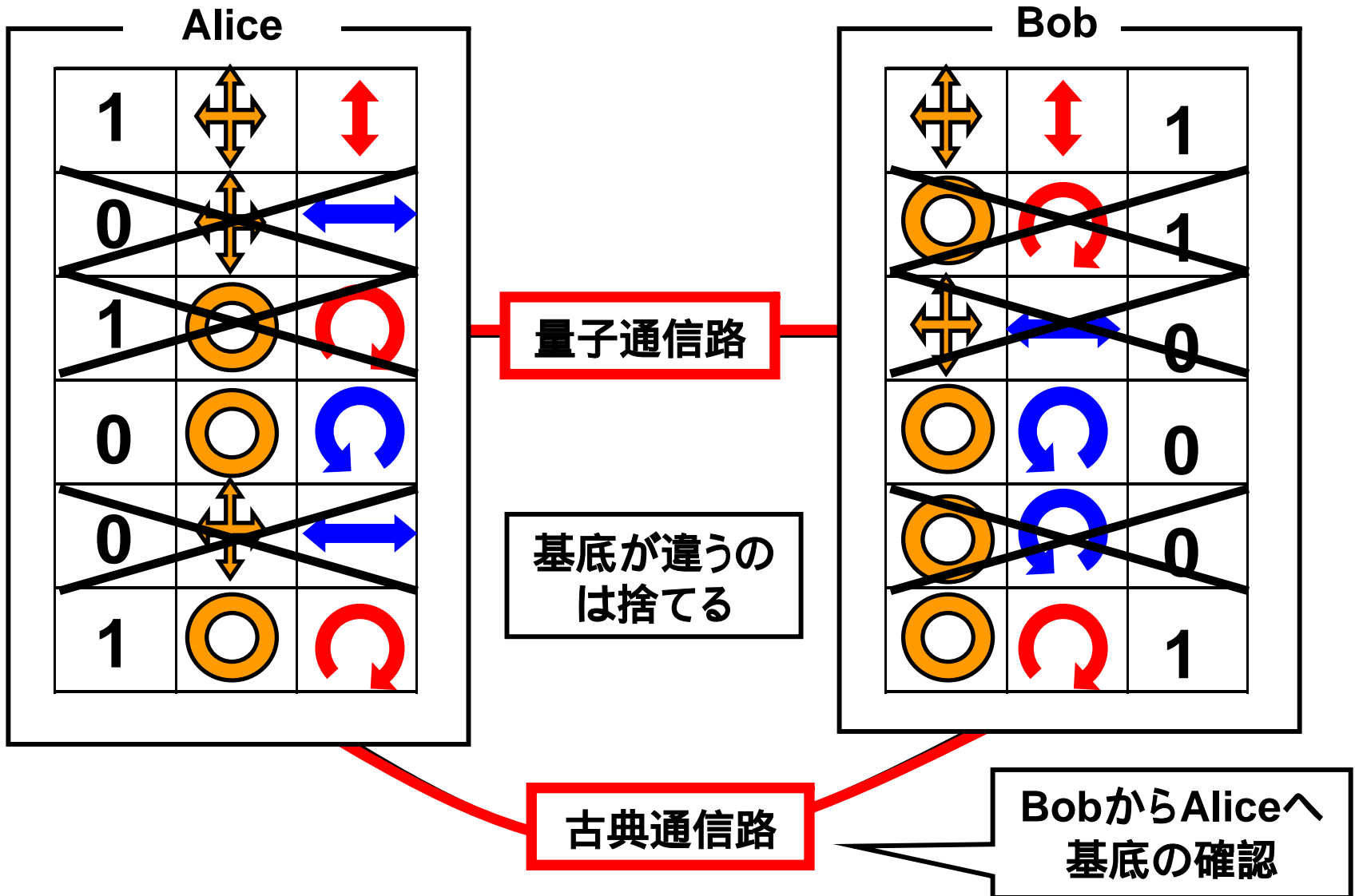


基礎知識

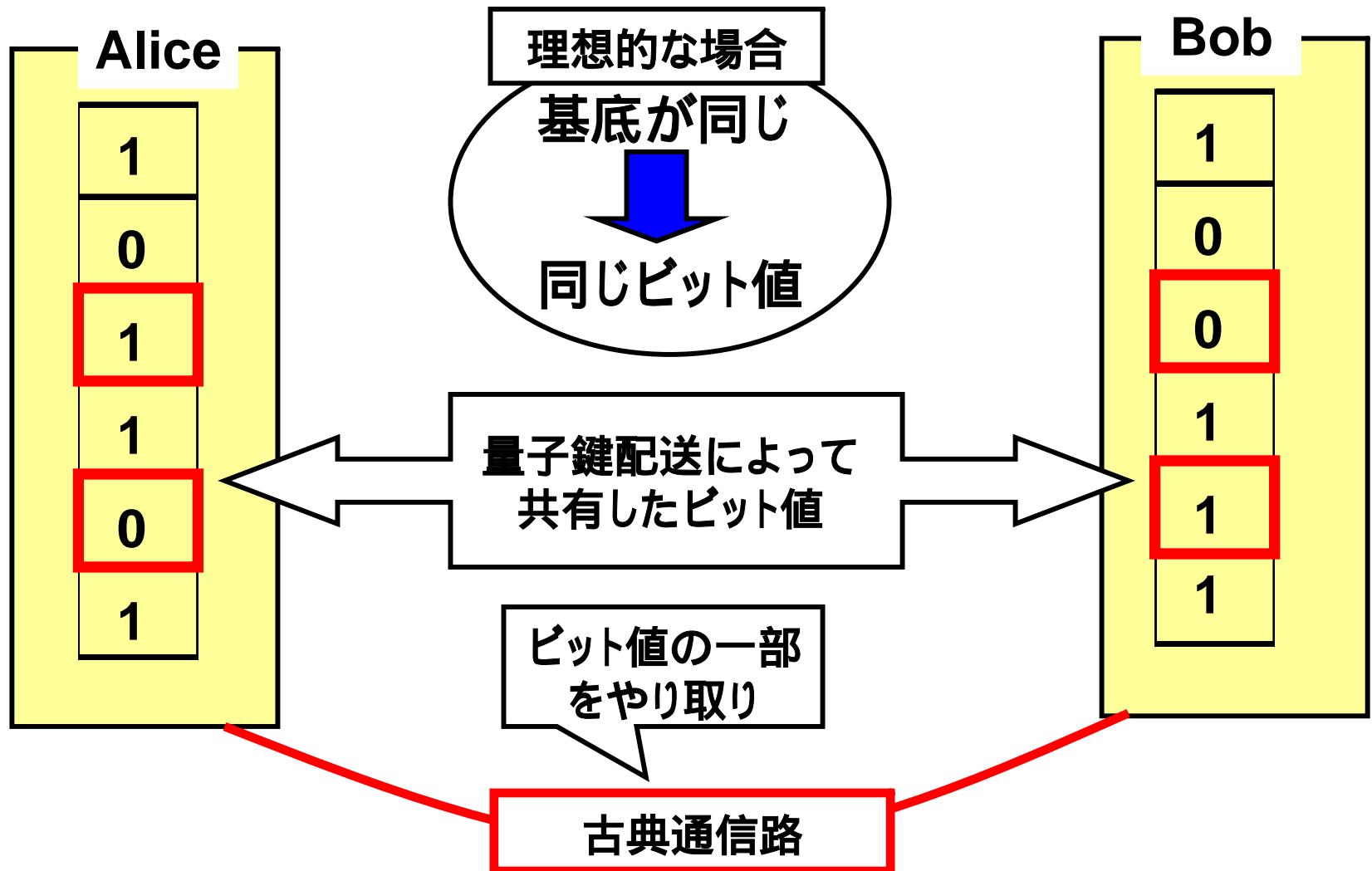
「1」を縦偏光で送ろう



量子鍵配送(QKD)の手順



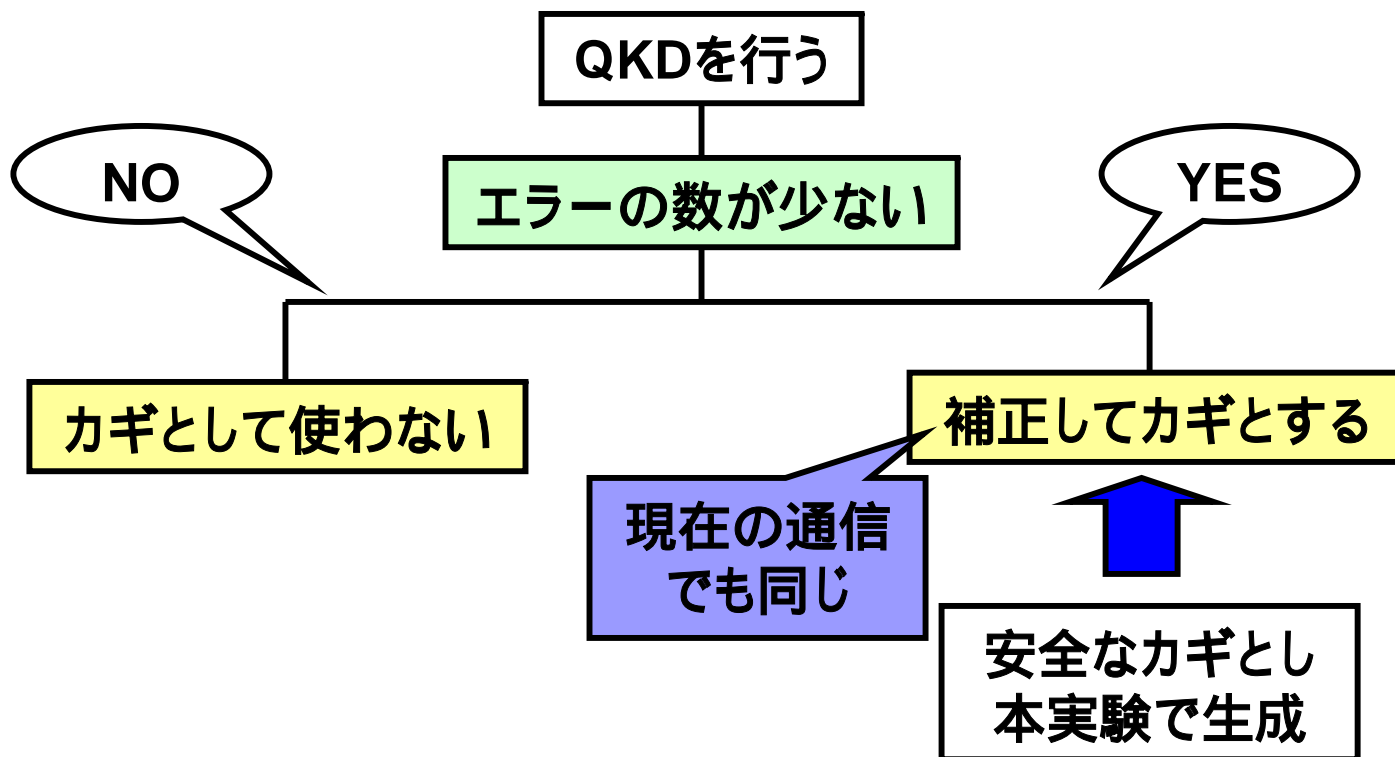
現実の量子鍵配送



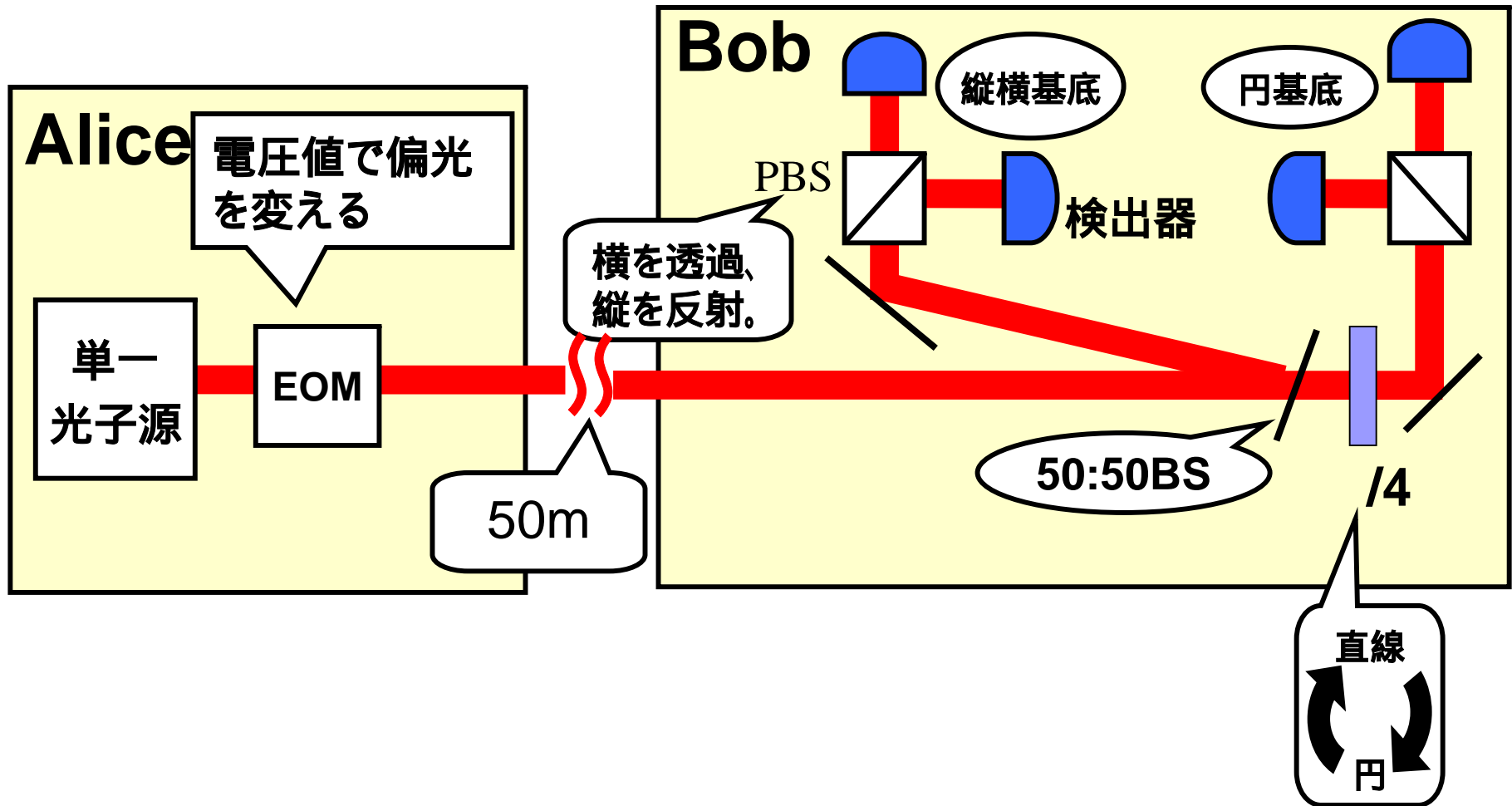
何故ビットが食い違うのか？

通信路のエラー、雑音 → 検出器、機械のためだが、盗聴者の影響とする

QKDの後どうする？

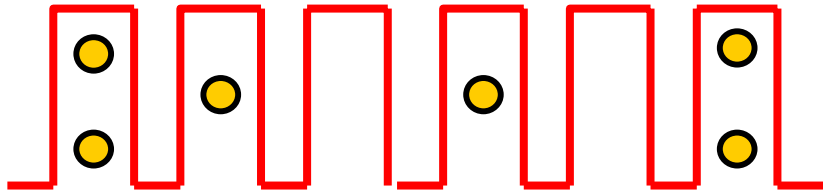


3. 本実験の装置図

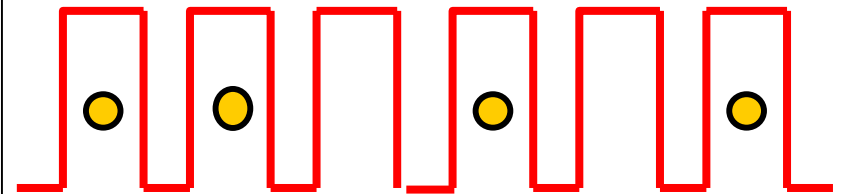


4. 単一光子光源の有用性

既存のパルスレーザー



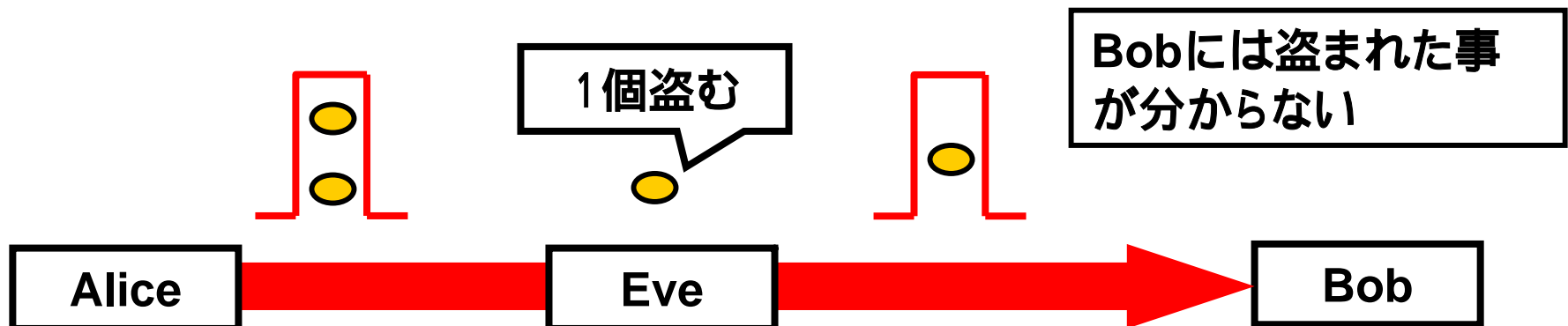
パルス単一光子源



量子暗号では**1パルスあたり1個**の光子にする必要がある。

→ 何故なら、**盗聴**の危険性があるから。

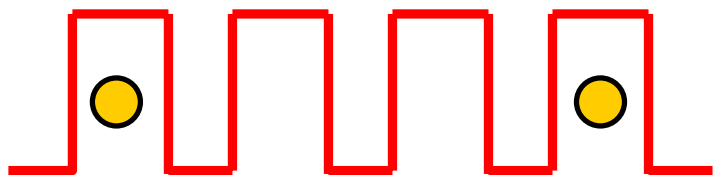
2光子あった場合に考えられる盗聴法



さらに

弱いレーザーを用いる場合、平均光子数 μ を小さくするしか、1パルス内に2光子になる確率を小さく出来ない。

しかし μ を下げると伝送速度が遅くなってしまおう！



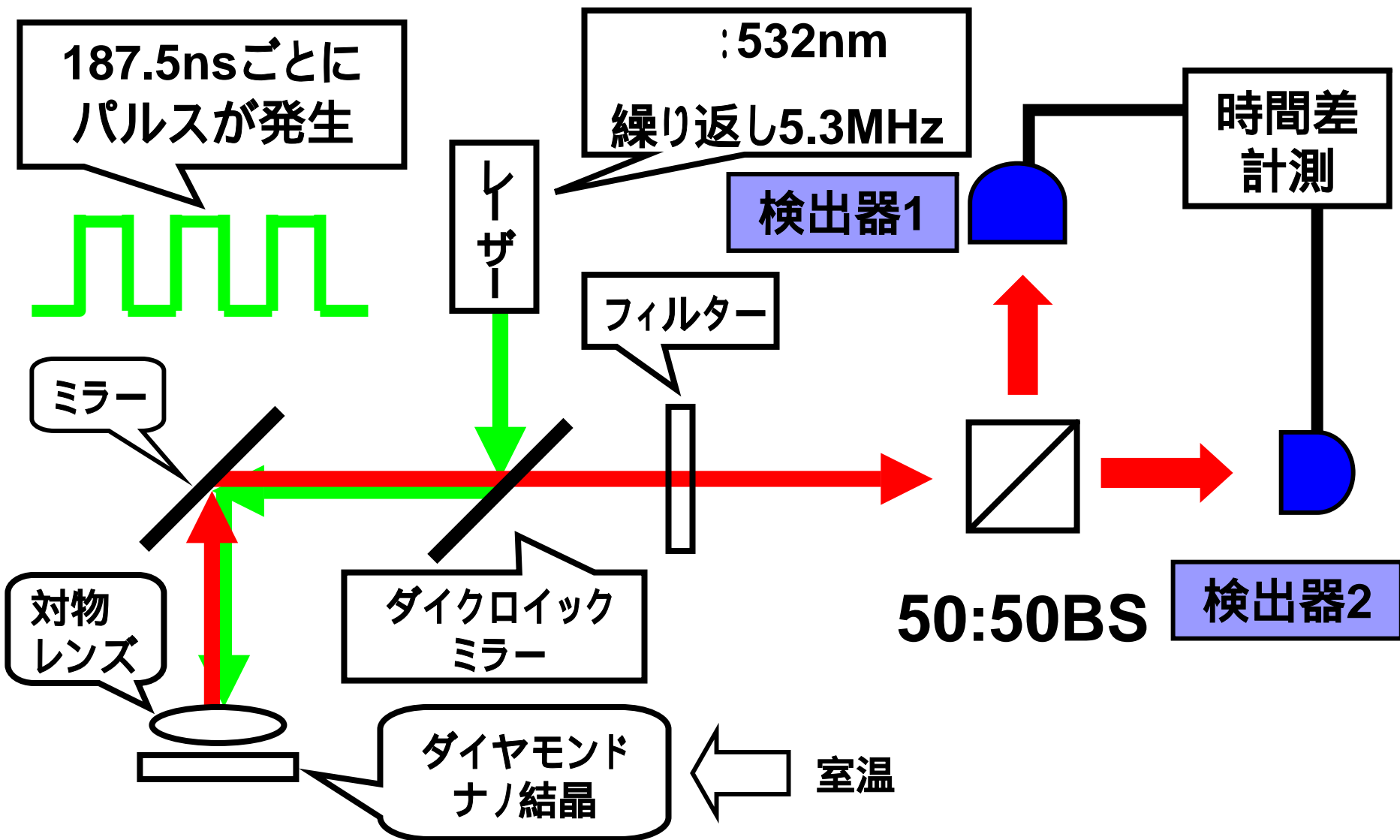
平均光子数: $\mu = 0.5$

平均光子数: 1パルス中に含まれる光子の数の平均

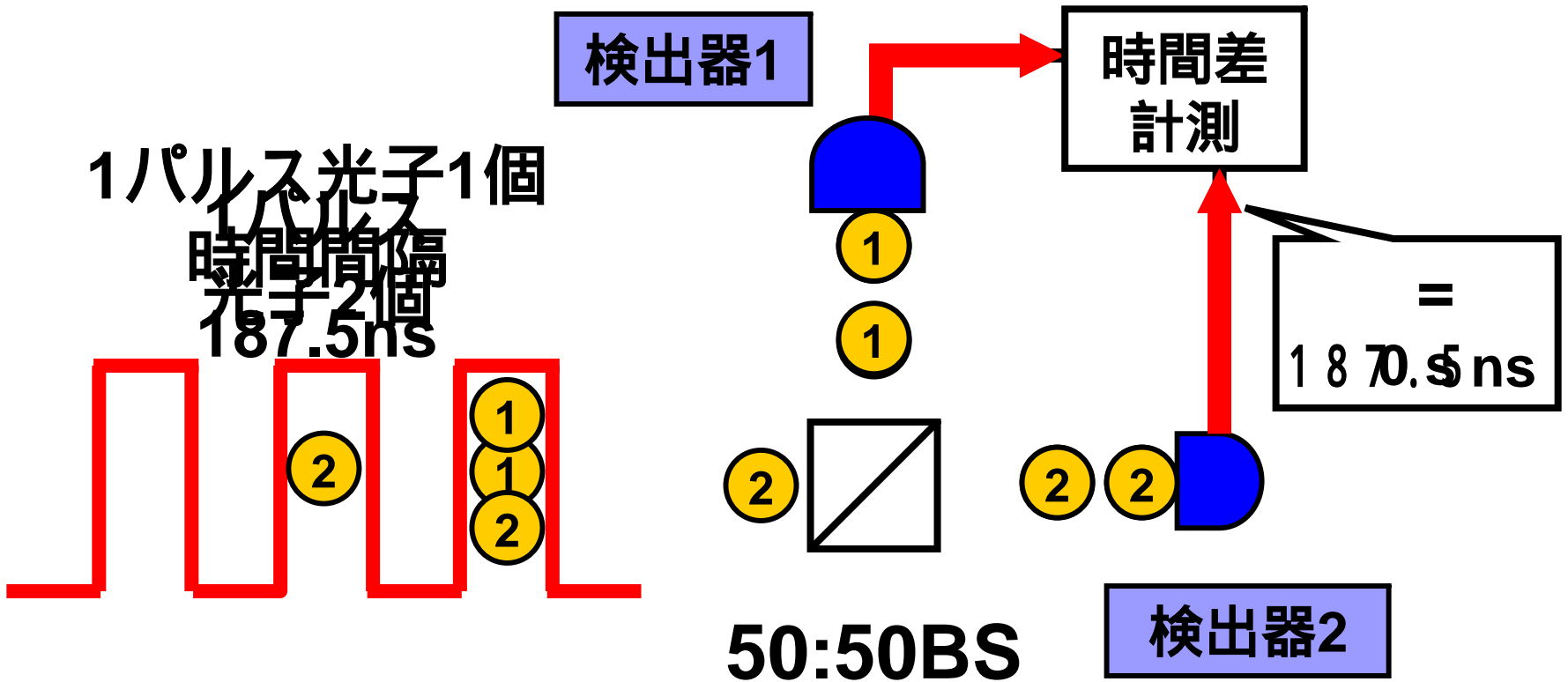
単一光子光源を使う！

1. 盗聴される確率を小さくできる。
2. 伝送速度が**速い！！**

単一光子光源の生成、確認

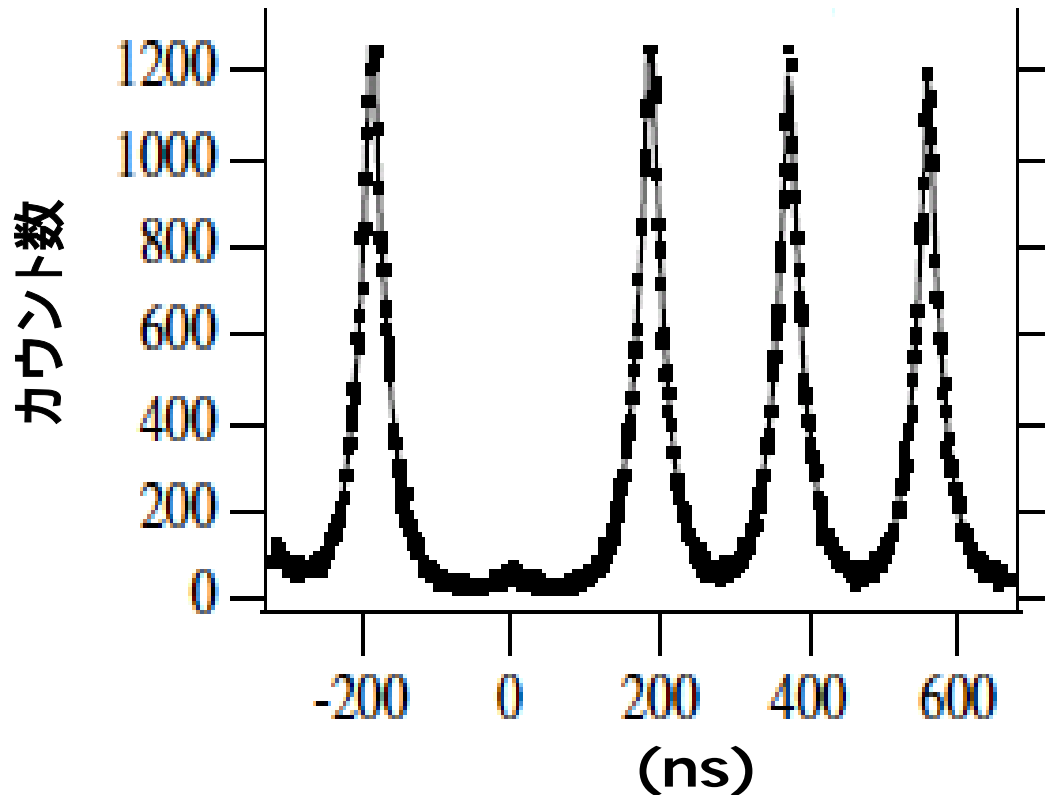


時間差のカウンタ法



実験での確認

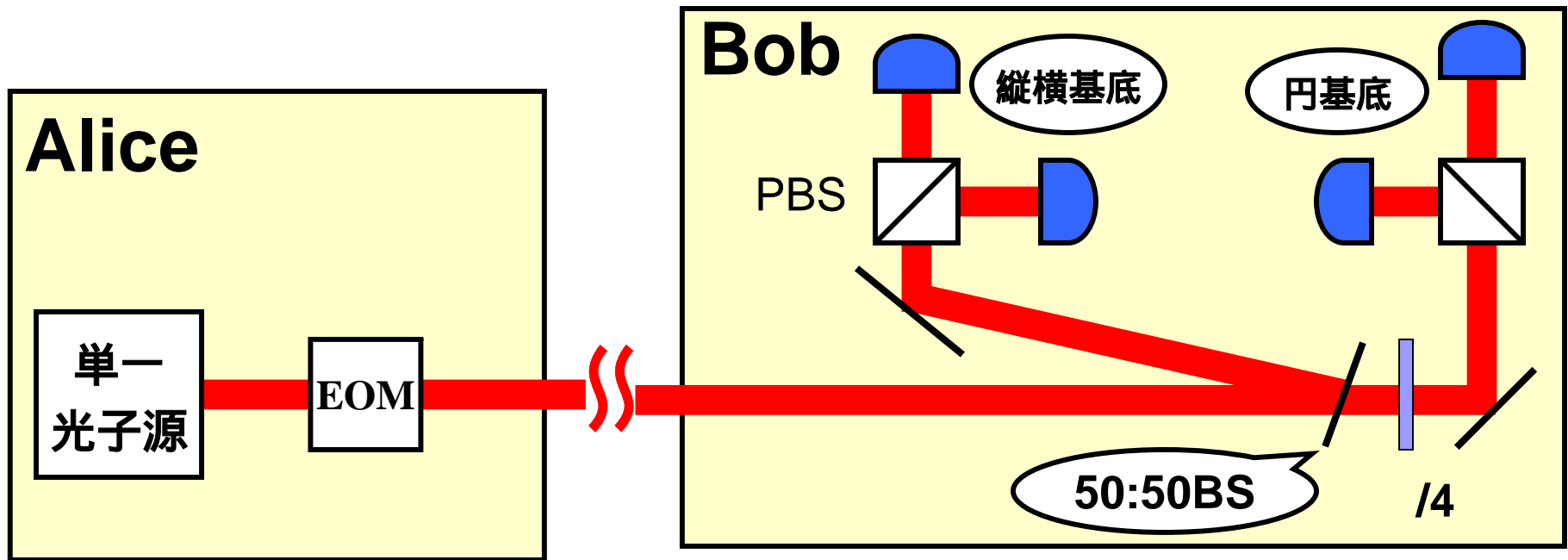
1パルス内に2個の光子ならば、 $=0$ でカウントする。



パルスの発生間隔は**187.5ns**。

$=0$ でカウントされていない。**187.5nsごと**にカウントの山が見られる。

5. 実験でのカギ生成



QKDを行う 17700 s^{-1}

エラーの数が少ない

カギとして使わない

補正してカギとする

安全なカギの見積り

1パルスあたり安全なビット数Gを見積もる。

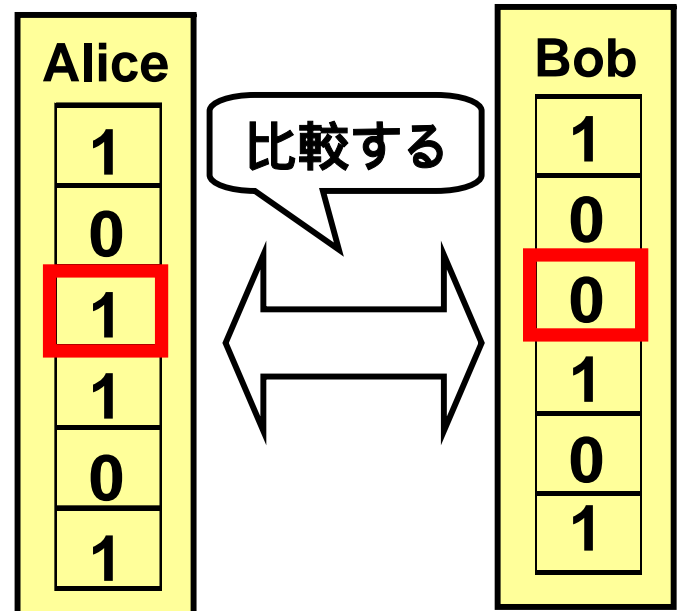
Gを算出するために必要な値が3つ

1. Bobが信号を検出する確率

$$p_{\text{exp}} = 0.74\%$$

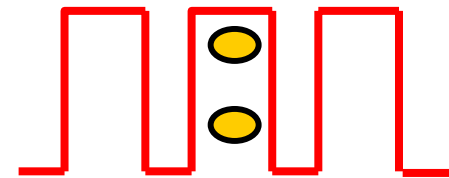
2. Bobの検出が間違える確率

$$e = 4.6\%$$



3. Aliceが1パルス2光子以上を出す確率

$$\boxed{\mu = 0.014} \Rightarrow S_m = 0.0007\%$$



$\mu = 0.014$ で弱いレーザー(WCP)を用いた場合は

$$S_m^{WCP} = 0.01\%$$

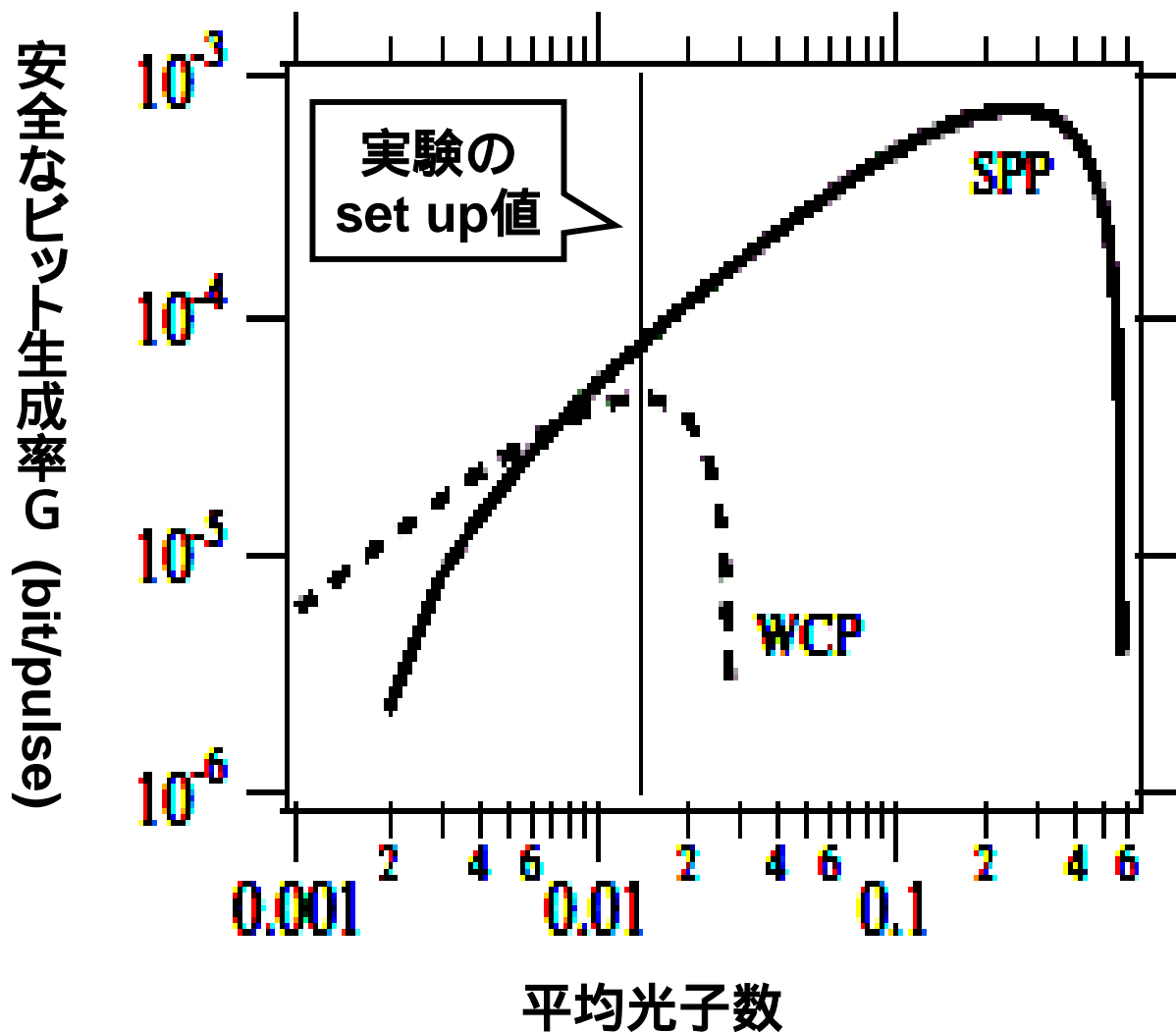
$S_m < S_m^{WCP}$ なので単一光子を用いた方が良い事が分かる。

上の3つの値で実験をした場合に得られる見積り値は

$$G = 1.68 \times 10^{-3} \text{ (bit/pulse)}$$

となる。

計算値をグラフ化



SPP (単一光子光源)の方が
WCPよりも
鍵生成の効率
が良い。

1秒間に何ビット(N_{QKD})のやり取りが出来るかに見積もると

$$N_{QKD} = 1.68 \times 10^{-3} \times 5.3 \text{MHz}$$
$$\approx 8900 \text{s}^{-1}$$

レーザーの繰り返し周波数

実験値

実験で実際に補正をして得た1秒間あたりのビット数

$$N'_{QKD} = 7700 \text{s}^{-1}$$

Alice	Bob
1	1
0	0
1	1
0	0

⋮

0	0
1	1
0	0
1	1

N_{QKD}

6. 本論文のまとめ

単一光子光源で4つの偏光状態を用いた量子暗号実験を行った。

1. 室温で動作する**単一光子光源**を用いた。
2. **空間50m**を伝送し、秘密鍵の生成率は

$$N'_{QKD} = 7700s^{-1}$$

この実験によって単一光子光源を用いる**長距離(地上と衛星)**の量子暗号の可能性が示された。

計算結果

SPP:単一光子パルスレーザー

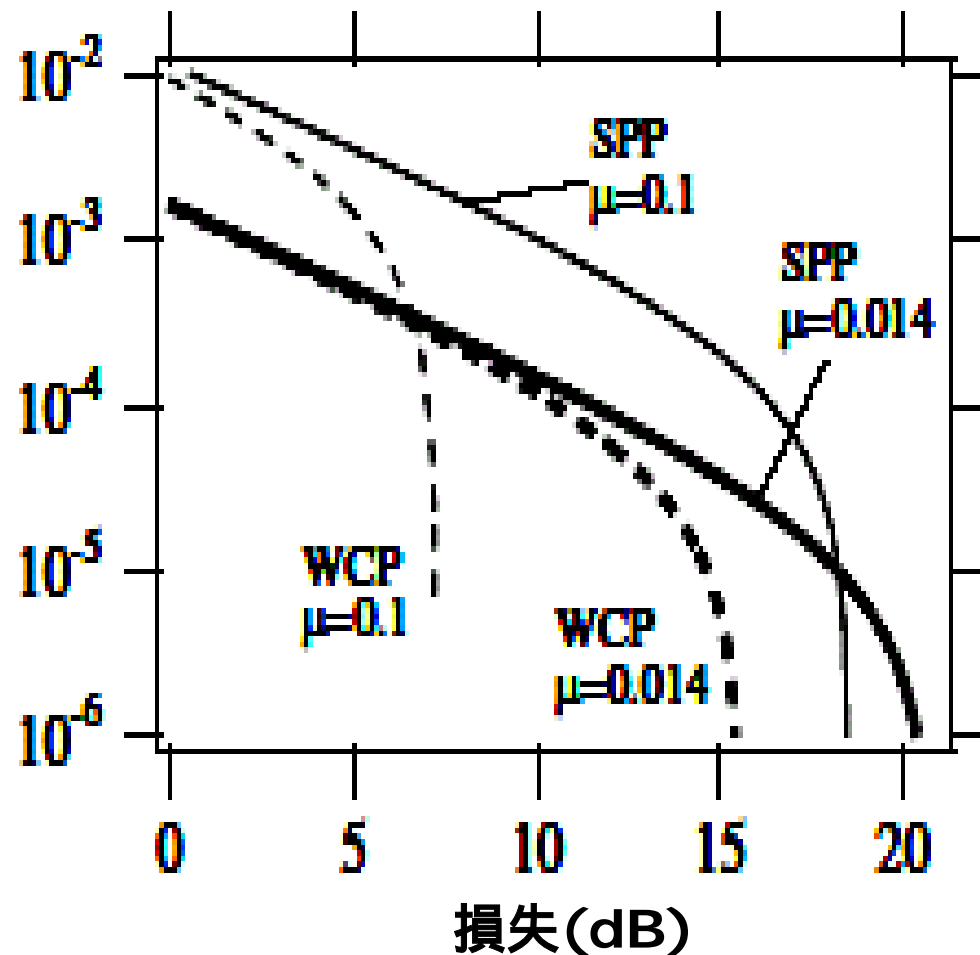
WCP:強度の弱いパルスレーザー

今回の実験結果から得られる値を理論値に代入し、
グラフを書いた。

の結果比較1

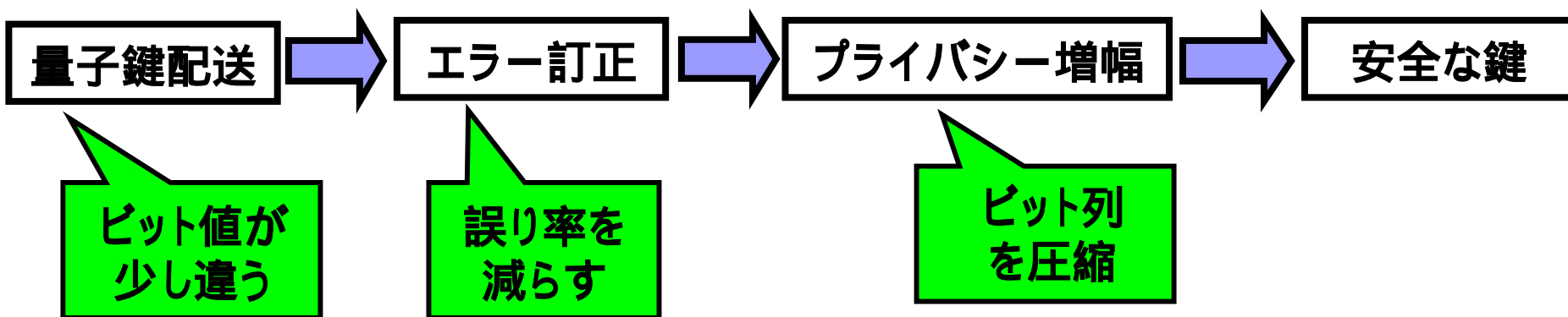
鍵生成は落ちるが、
SPPの方が**遠くに**
伝送できる事が
分かる。

1パルスあたりのビット数



実験の前に

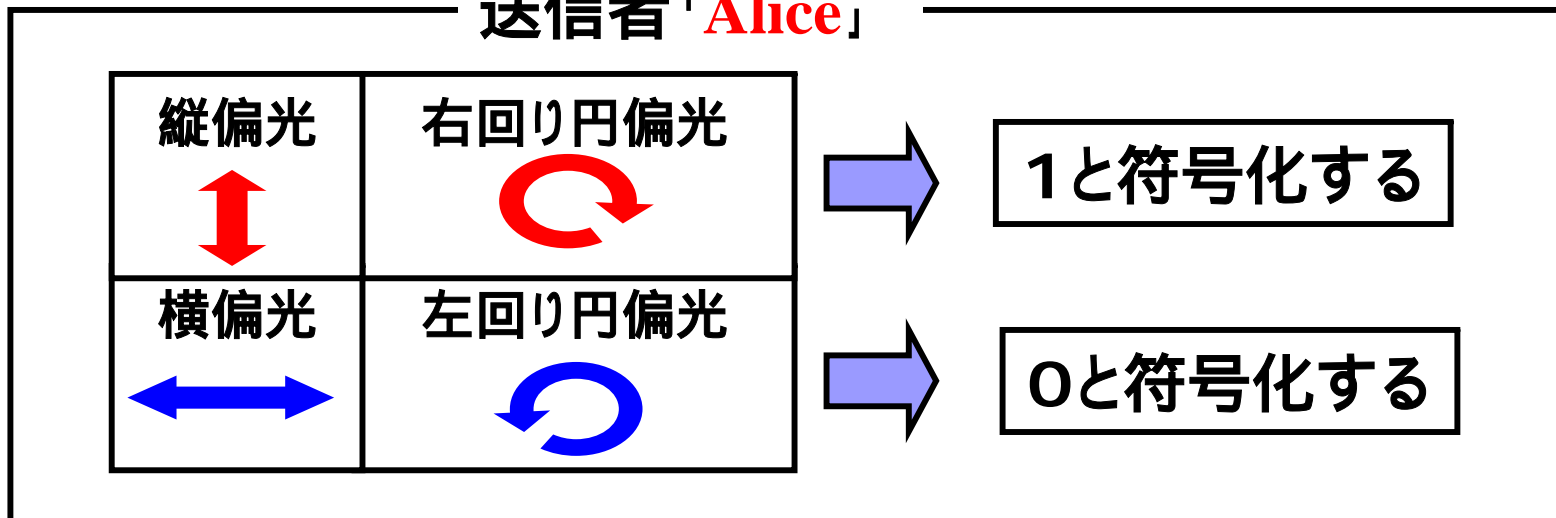
ビット値の乱れ { 1. 盗聴者
2. 通信路エラー、雑音 } → 補正してから評価する



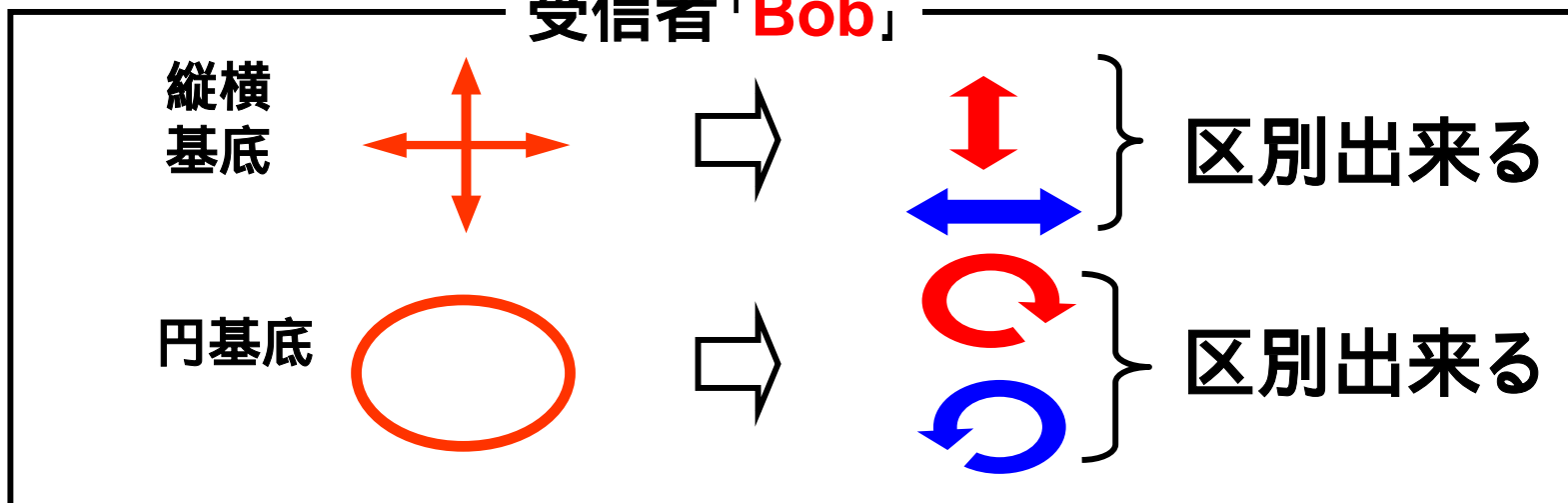
AliceとBobで**1秒間**に共有出来る**安全なビット数**を
計算値と実験値の比較。

2. QKD (量子鍵配送) の方法

送信者「Alice」

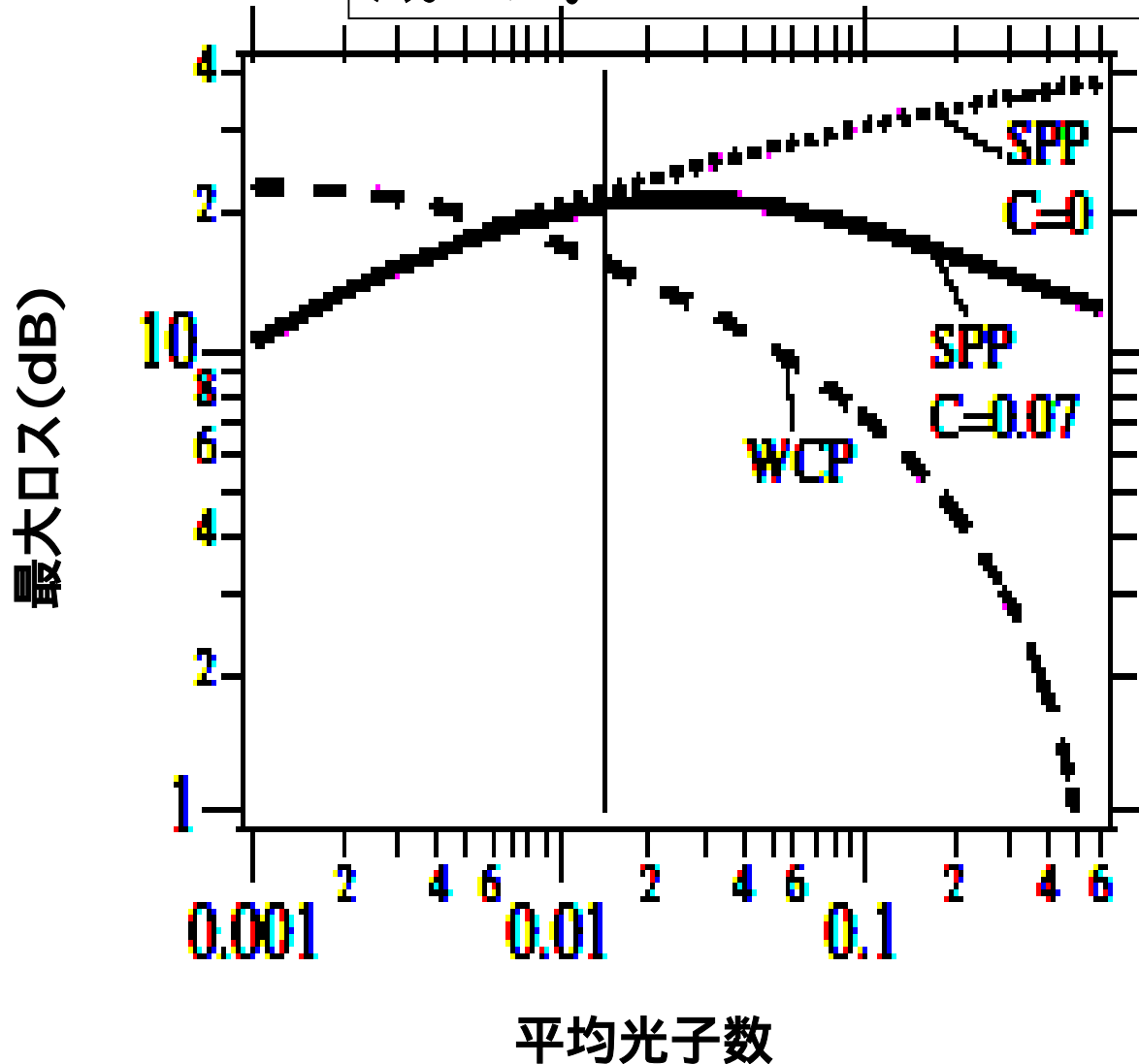


受信者「Bob」



比較2

AliceとBobの間で共有する**安全なカギ**を
成した。

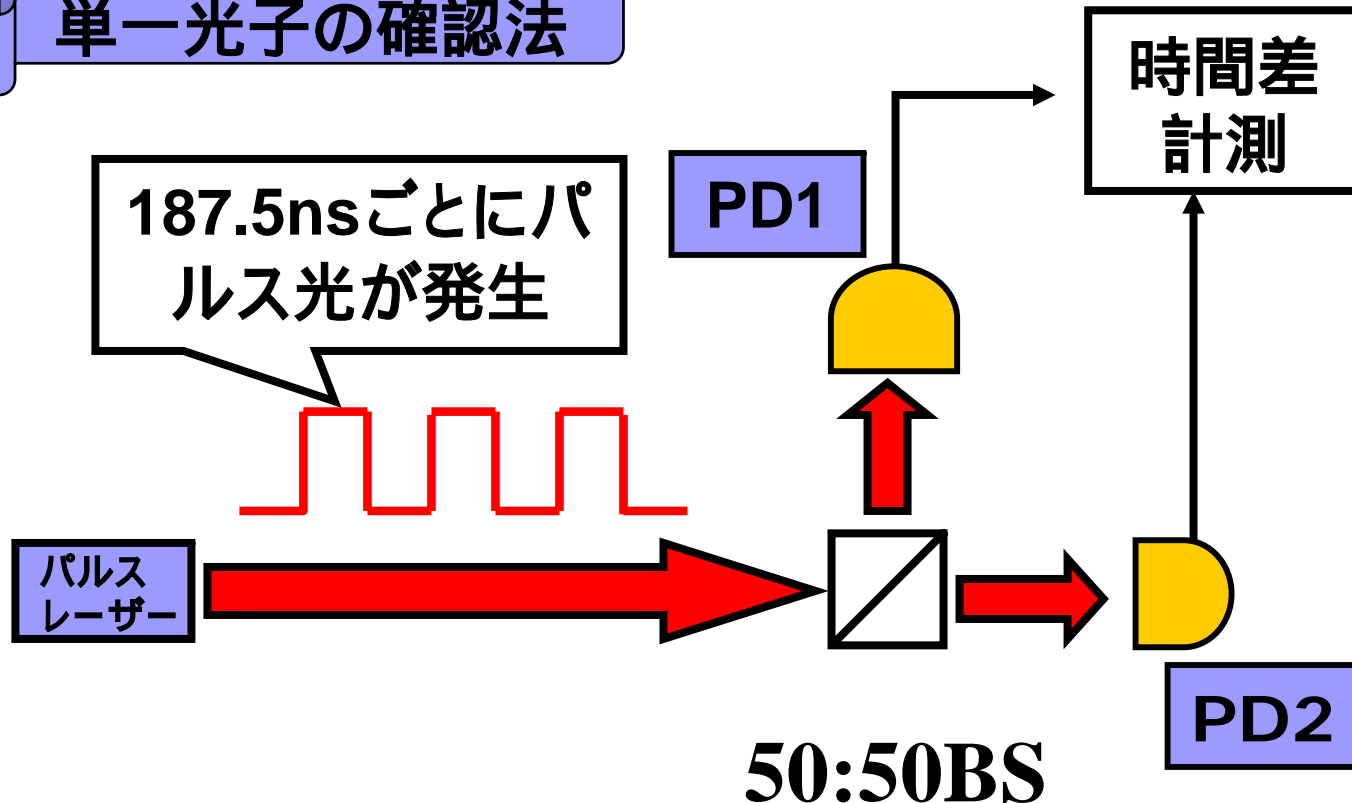


平均光子数を
下げた時に
SPPの方が
ロスが小さくなる。

単一光子の確認

ダイヤモンドナノ結晶に波長532nmのレーザー光(繰り返し5.3MHz)を当てて発生した蛍光を単一光子光源として使用している。

単一光子の確認法



Gの計算式

$$G = \frac{1}{2} p_{\text{exp}} \left\{ \frac{p_{\text{exp}} - S_m}{p_{\text{exp}}} \left(1 - \log_2 \left[1 + 4e \frac{p_{\text{exp}}}{p_{\text{exp}} - S_m} - 4 \left(e \frac{p_{\text{exp}}}{p_{\text{exp}} - S_m} \right)^2 \right] \right) + f[e] \left[e \log_2 e + (1 - e) \log_2 (1 - e) \right] \right\}$$